LE PROBLÈME DE L'ÉQUIVALENCE EN DYNAMIQUE ANALYTIQUE

Christiane Rousseau

Université de Montréal

Un problème central en dynamique locale est le problème de l'équivalence: quand deux systèmes analytiques sont-ils localement équivalents sous un changement analytique de coordonnées? Au voisinage d'un point singulier, les représentants des classes d'équivalence pourraient être donnés par des formes normales. Mais, le plus souvent, les changements de coordonnées vers la forme normale divergent. Pourquoi? Qu'est-ce que cela signifie? Le déploiement des singularités révèle les obstructions géométriques à la convergence vers la forme normale. Dans cet exposé, nous discutons d'une classe de singularités et de leurs déploiements pour lesquels nous pouvons fournir des espaces de modules pour les problèmes d'équivalence. Nous expliquons les caractéristiques géométriques communes de ces singularités, et comment l'étude du déploiement de ces singularités permet de comprendre à la fois les singularités elles-mêmes, et les obstructions à l'existence de changements analytiques de coordonnées vers la forme normale.